

---

---

**Линеарна алгебра Б, шк.г. 2009/2010.**  
**СЕПТЕМБАРСКИ ИСПИТНИ РОК (четврти ток) - ЗАДАЦИ**  
**23.06.2010.**

---

---

1. Нека је  $L$  линеарни оператор векторског простора  $V$  димензије  $n$  такав да је  $\rho(L - I) = 1$  и да је  $L^2 = I$ .  
Одредити  $\rho(L + I)$ .

2. У векторском простору  $V = \mathbb{R}^3$  дато је пресликавање  $\circ$  формулом:

$$(x_1, x_2, x_3) \circ (y_1, y_2, y_3) = 5x_1y_1 - x_2y_1 - x_3y_1 - x_1y_2 + x_2y_2 - x_1y_3 + x_3y_3.$$

(а) Доказати да је са  $\circ$  задат скаларни производ на  $V$ .

(б) Одредити барем једну ОНБ у односу на овај скаларни производ.

3. Одредити растојање веткора  $a$  од равни  $\Pi$ , ако је  $a = (2, 4, -4, 2)$  и раван

$$\Pi = \{(x_1, x_2, x_3, x_4) \in \mathbb{R}^4 : x_2 - 2x_4 = 1, x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 0\}.$$

4. У еуклидском векторском простору  $\mathbb{R}^3$  дата је квадратна форма  $\Phi$  са

$$\Phi(x, y, z) = -4x^2 - 4y^2 - 4z^2 + 2xy - 4yz - 4xz.$$

Наћи бар једну ортонормирану базу овог простора у односу на коју форма  $\Phi$  има канонски облик и изразити форму  $\Phi$  преко координата у нађеној бази.

*Резултати ће бити објављени на сајту [www.algebra.matf.bg.ac.rs](http://www.algebra.matf.bg.ac.rs).*

---

---

**Линеарна алгебра Б, шк.г. 2009/2010.**  
**СЕПТЕМБАРСКИ ИСПИТНИ РОК (четврти ток) - ЗАДАЦИ**  
**23.06.2010.**

---

---

1. Нека је  $L$  линеарни оператор векторског простора  $V$  димензије  $n$  такав да је  $\rho(L - I) = 1$  и да је  $L^2 = I$ .  
Одредити  $\rho(L + I)$ .

2. У векторском простору  $V = \mathbb{R}^3$  дато је пресликавање  $\circ$  формулом:

$$(x_1, x_2, x_3) \circ (y_1, y_2, y_3) = 5x_1y_1 - x_2y_1 - x_3y_1 - x_1y_2 + x_2y_2 - x_1y_3 + x_3y_3.$$

(а) Доказати да је са  $\circ$  задат скаларни производ на  $V$ .

(б) Одредити барем једну ОНБ у односу на овај скаларни производ.

3. Одредити растојање веткора  $a$  од равни  $\Pi$ , ако је  $a = (2, 4, -4, 2)$  и раван

$$\Pi = \{(x_1, x_2, x_3, x_4) \in \mathbb{R}^4 : x_2 - 2x_4 = 1, x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 0\}.$$

4. У еуклидском векторском простору  $\mathbb{R}^3$  дата је квадратна форма  $\Phi$  са

$$\Phi(x, y, z) = -4x^2 - 4y^2 - z^2 + 2xy - 4yz - 4xz.$$

Наћи бар једну ортонормирану базу овог простора у односу на коју форма  $\Phi$  има канонски облик и изразити форму  $\Phi$  преко координата у нађеној бази.

*Резултати ће бити објављени на сајту [www.algebra.matf.bg.ac.rs](http://www.algebra.matf.bg.ac.rs).*