

**Дискретне структуре 1, Први колоквијум 2011/12.**    Група 1И1    (А)    27. новембар 2011.

1. Користећи математичку индукцију доказати  $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = \frac{n^2(n+1)^2}{4}$ ,  $n \geq 1$ .
  2. Доказати да за скупове  $A, B, C$  важи:  $A \cap (B \Delta C) = (A \cap B) \Delta C$  ако и само ако  $C \subseteq A$ .
  3. На скупу  $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$  дата је релација  $\rho$  са:  $(a, b)\rho(u, v)$  ако и само ако  $a^2 = u^2$ . Доказати да је  $\rho$  еквиваленција на  $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$  и одредити класе  $(0, 0)/\rho$ ,  $(0, 1)/\rho$ ,  $(1, 1)/\rho$ .
  4. Нека је  $f : A \longrightarrow B$  и  $M_1, M_2 \subseteq A$ . Доказати да је  $f[M_1 \Delta M_2] \supseteq f[M_1] - f[M_2]$ .
  5. Нека су  $A, B, C, D$  исказне формуле такве да су  $A \Rightarrow B \vee C$  и  $B \Rightarrow C$  таутологије и  $C \wedge D$  контрадикција. Доказати да је  $A \Rightarrow \neg D$  таутологија.
- T1. Теорема потпуности за исказни рачун и последице. (Доказ теореме потпуности, искази лема које се користе у доказу и искази теорема непротивречности и одлучивости.)
- T2. Конструкција Линденбаумове алгебре за исказни рачун. Навести примере атомичних и безатомичних Булових алгебри.

*Студент предаје само једну дволисницу из свеске на којој пише задатке, и једну дволисницу на којој пише теорију. На папирима обавезно написати име и презиме, број индекса и ознаку групе 1И1.*

**Дискретне структуре 1, Први колоквијум 2011/12.**    Група 1И1    (Б)    27. новембар 2011.

1. Користећи математичку индукцију доказати  $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = \frac{n^2(n+1)^2}{4}$ ,  $n \geq 1$ .
  2. Доказати да за скупове  $A, B, C$  важи:  $(A \cap B) \Delta C = A \cap (B \Delta C)$  ако и само ако  $A \supseteq C$ .
  3. На скупу  $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$  дата је релација  $\rho$  са:  $(a, b)\rho(u, v)$  ако и само ако  $b^2 = v^2$ . Доказати да је  $\rho$  еквиваленција на  $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$  и одредити класе  $(0, 0)/\rho$ ,  $(0, 1)/\rho$ ,  $(1, 1)/\rho$ .
  4. Нека је  $f : A \longrightarrow B$  и  $M_1, M_2 \subseteq A$ . Доказати да је  $f[M_1 \Delta M_2] \supseteq f[M_2] - f[M_1]$ .
  5. Нека су  $A, B, C, D$  исказне формуле такве да су  $A \Rightarrow B \vee C$  и  $C \Rightarrow B$  таутологије и  $B \wedge D$  контрадикција. Доказати да је  $A \Rightarrow \neg D$  таутологија.
- T1. Теорема потпуности за исказни рачун и последице. (Доказ теореме потпуности, искази лема које се користе у доказу и искази теорема непротивречности и одлучивости.)
- T2. Конструкција Линденбаумове алгебре за исказни рачун. Навести примере атомичних и безатомичних Булових алгебри.

*Студент предаје само једну дволисницу из свеске на којој пише задатке, и једну дволисницу на којој пише теорију. На папирима обавезно написати име и презиме, број индекса и ознаку групе 1И1.*