

**Методика наставе математике 1**

21. април 2010.

1. Решити једначину  $\log_{3x+7}(4x^2 + 12x + 9) + \log_{2x+3}(6x^2 + 23x + 21) = 4$ .
2. Одредити последњу цифру броја  $7^{1001} + 3^{1002}$ .
3. Нека су  $a$  и  $b$  различити позитивни реални бројеви.  $P(x)$  је полином четвртог степена над пољем реалних бројева. Ако важи  $P(a) = P(-a)$  и  $P(b) = P(-b)$ , доказати да је тада  $P(x) = P(-x)$  за свако  $x \in \mathbb{R}$ .
4. Нека су  $z_1$  и  $z_2$  решења једначине  $z^2 + z + 1 = 0$ . Ако за природне бројеве  $m$  и  $n$  важи  $m + n \equiv_3 0$ , тада је  $z_1^m - z_2^n$  реалан број. Доказати.
5. Колико има шестоцифрених природних бројева  $\overline{c_1c_2\dots c_6}$  за које важи  $c_1 \leq c_2 \leq \dots \leq c_6$ ?

**Методика наставе математике 1**

21. април 2010.

1. Решити једначину  $\log_{3x+7}(4x^2 + 12x + 9) + \log_{2x+3}(6x^2 + 23x + 21) = 4$ .
2. Одредити последњу цифру броја  $7^{1001} + 3^{1002}$ .
3. Нека су  $a$  и  $b$  различити позитивни реални бројеви.  $P(x)$  је полином четвртог степена над пољем реалних бројева. Ако важи  $P(a) = P(-a)$  и  $P(b) = P(-b)$ , доказати да је тада  $P(x) = P(-x)$  за свако  $x \in \mathbb{R}$ .
4. Нека су  $z_1$  и  $z_2$  решења једначине  $z^2 + z + 1 = 0$ . Ако за природне бројеве  $m$  и  $n$  важи  $m + n \equiv_3 0$ , тада је  $z_1^m - z_2^n$  реалан број. Доказати.
5. Колико има шестоцифрених природних бројева  $\overline{c_1c_2\dots c_6}$  за које важи  $c_1 \leq c_2 \leq \dots \leq c_6$ ?

**Методика наставе математике 1**

21. април 2010.

1. Решити једначину  $\log_{3x+7}(4x^2 + 12x + 9) + \log_{2x+3}(6x^2 + 23x + 21) = 4$ .
2. Одредити последњу цифру броја  $7^{1001} + 3^{1002}$ .
3. Нека су  $a$  и  $b$  различити позитивни реални бројеви.  $P(x)$  је полином четвртог степена над пољем реалних бројева. Ако важи  $P(a) = P(-a)$  и  $P(b) = P(-b)$ , доказати да је тада  $P(x) = P(-x)$  за свако  $x \in \mathbb{R}$ .
4. Нека су  $z_1$  и  $z_2$  решења једначине  $z^2 + z + 1 = 0$ . Ако за природне бројеве  $m$  и  $n$  важи  $m + n \equiv_3 0$ , тада је  $z_1^m - z_2^n$  реалан број. Доказати.
5. Колико има шестоцифрених природних бројева  $\overline{c_1c_2\dots c_6}$  за које важи  $c_1 \leq c_2 \leq \dots \leq c_6$ ?

**Методика наставе математике 1**

21. април 2010.

1. Решити једначину  $\log_{3x+7}(4x^2 + 12x + 9) + \log_{2x+3}(6x^2 + 23x + 21) = 4$ .
2. Одредити последњу цифру броја  $7^{1001} + 3^{1002}$ .
3. Нека су  $a$  и  $b$  различити позитивни реални бројеви.  $P(x)$  је полином четвртог степена над пољем реалних бројева. Ако важи  $P(a) = P(-a)$  и  $P(b) = P(-b)$ , доказати да је тада  $P(x) = P(-x)$  за свако  $x \in \mathbb{R}$ .
4. Нека су  $z_1$  и  $z_2$  решења једначине  $z^2 + z + 1 = 0$ . Ако за природне бројеве  $m$  и  $n$  важи  $m + n \equiv_3 0$ , тада је  $z_1^m - z_2^n$  реалан број. Доказати.
5. Колико има шестоцифрених природних бројева  $\overline{c_1c_2\dots c_6}$  за које важи  $c_1 \leq c_2 \leq \dots \leq c_6$ ?

**Методика наставе математике 1**

21. април 2010.

1. Решити једначину  $\log_{3x+7}(4x^2 + 12x + 9) + \log_{2x+3}(6x^2 + 23x + 21) = 4$ .
2. Одредити последњу цифру броја  $7^{1001} + 3^{1002}$ .
3. Нека су  $a$  и  $b$  различити позитивни реални бројеви.  $P(x)$  је полином четвртог степена над пољем реалних бројева. Ако важи  $P(a) = P(-a)$  и  $P(b) = P(-b)$ , доказати да је тада  $P(x) = P(-x)$  за свако  $x \in \mathbb{R}$ .
4. Нека су  $z_1$  и  $z_2$  решења једначине  $z^2 + z + 1 = 0$ . Ако за природне бројеве  $m$  и  $n$  важи  $m + n \equiv_3 0$ , тада је  $z_1^m - z_2^n$  реалан број. Доказати.
5. Колико има шестоцифрених природних бројева  $\overline{c_1c_2\dots c_6}$  за које важи  $c_1 \leq c_2 \leq \dots \leq c_6$ ?